

- ⑦ 96 にできるだけ小さい自然数をかけて、ある自然数の2乗にするには、どのような数をかければよいでしょうか。

<考え方>

$96 \times \square = \bigcirc^2$  の  $\square$  と  $\bigcirc$  にあてはまる自然数を考えます。  
 そのために、96 を素因数分解します。

$$\begin{array}{r} 3 \overline{) 96} \\ 2 \overline{) 32} \\ 2 \overline{) 16} \\ 2 \overline{) 8} \\ 2 \overline{) 4} \\ \quad 2 \end{array} \qquad \begin{array}{l} 96 = 3 \times 2 \times 2 \times 2 \\ \quad \square \quad 2 \times 2 \end{array}$$

すると、 $96 \times \square = \bigcirc^2$  の式より、

$\square$  に  $3 \times 2$  を入れると、左辺が2乗の式で表すことができます。

$$\text{すなわち、} 96 \times 2 \times 3 = 3 \times 2 \times 2 \times 2 = (3 \times 2 \times 2 \times 2)^2 = 24^2$$

$$\qquad \qquad \qquad 3 \times 2 \times 2 \times 2$$

となります。よって、 $\square = 6$  ,  $\bigcirc = 24$  となります。

<問題の変更>

上の問題の 自然数 を「整数」に変えたら、答えはどうなるでしょうか。  
 また、2乗 を「3乗」に変えたらどうでしょうか。

- ⑧  $n$  を整数とすると、連続する2つの整数は、  
 $n$  ,  $n + 1$  と表せる。

大きい方の2乗から小さい方の2乗をひいた数は、

$$\begin{aligned} & (n + 1)^2 - n^2 \\ &= n^2 + 2n + 1 - n^2 \\ &= 2n + 1 \\ &= n + (n + 1) \end{aligned}$$

よって、大きい方の2乗から小さい方の2乗をひいた数は2つの数の和になる。

$$\begin{array}{ll} \text{⑨} & \text{ア} \quad 364 \times 366 \\ & = (365 - 1) \times (365 + 1) \\ & = 365^2 - 1^2 \end{array} \qquad \begin{array}{ll} & \text{イ} \quad 363 \times 367 \\ & = (365 - 2) \times (365 + 2) \\ & = 365^2 - 2^2 \end{array}$$

よって、アの方が大きくなる。

⑩

$$(1) 21^2 - 20^2 + 19^2 - 18^2 + 17^2 - 16^2$$

は、⑧ より、 $21 + 20 + 19 + 18 + 17 + 16$   
 $= 37 \times 3$   
 $= 111$

ですが、「⑧ より」はテストでは理由にならないので、

$$\begin{aligned} & 21^2 - 20^2 + 19^2 - 18^2 + 17^2 - 16^2 \\ &= (21 + 20) \times (21 - 20) + (19 + 18) \times (19 - 18) \\ &\quad + (17 + 16) \times (17 - 16) \\ &= 41 \times 1 + 37 \times 1 + 33 \times 1 \\ &= 41 + 37 + 33 \\ &= 111 \end{aligned}$$

が解答になります。